

QCM2

Questionnaire à choix multiples sur les Chap 1-4 du cours de Traitement du Signal (+ partie « filtrage numérique »)¹

Parmi ces affirmations, au moins une est vraie et au plus toutes! A vous de faire le bon choix! Notez que les questions, courtes, peuvent parfois être interprétées de diverses façons et conduire à des réponses variables. Il est donc toujours utile de pouvoir justifier sa réponse en discutant avec le professeur.

1. CONVOLUTION

$y[n] = x[n] * h[n] = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x[k] h[n+k]$ définit le produit de convolution des séquences $x[n]$ et $h[n]$

$y[n] = x[n] * h[n] = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x[k] h[n-k]$ définit le produit de convolution des séquences $x[n]$ et $h[n]$

2. CONVOLUTION

La sortie $s(t)$ d'un filtre numérique est égale au produit de convolution du signal d'entrée par la réponse en fréquence du filtre

La sortie $s(t)$ d'un filtre numérique est égale au produit de convolution du signal d'entrée par la réponse impulsionnelle du filtre

3. CONVOLUTION

Le produit de convolution de signaux discrets étant noté $*$:

$\{\dots, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, \dots, 0, \dots\} * \{\dots, 0, 0, 1, 2, 3, 0, 0, \dots, 0, \dots\} = \{\dots, 0, 0, 1, 2, 3, 0, 0, \dots, 0, \dots\}$

¹ A partir du QCM (avec réponses automatiques, mais à pondérer par l'ambiguïté de certaines questions) du site : http://www.ecole.ensicaen.fr/~furon/_traitementsignal/_cours_tns/_qcm/_exQCM1a4vrai_03.htm

$$\square \{ \dots 0, 0, 1, 2, 3, 0, 0, \dots, 0, \dots \} * \{ \dots 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, \dots, 1, \dots \} = \{ \dots 0, 0, 1, 3, 6, 6, 6, \dots, 6, \dots \}$$

4. CONVOLUTION

Le produit de convolution de signaux discrets étant noté * :

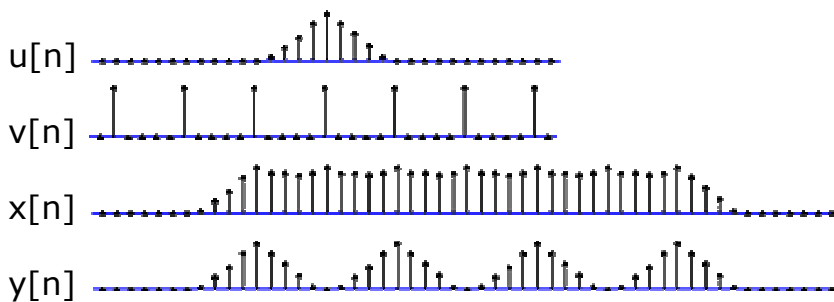
$$\square \{ \dots 0, 0, 0, 1, 5, -1, 0, 0 \dots \} * \{ \dots 0, 0, 1, 2, 3, 0, 0, 0, 0 \dots \} = \{ \dots 0, 0, 1, 5, 13, 12, -3, 0 \dots \}$$

$$\square \{ \dots 0, 0, 0, 1, 5, -1, 0, 0 \dots \} * \{ \dots 0, 0, 1, 2, 3, 0, 0, 0, 0 \dots \} = \{ \dots 0, 0, 1, 7, 13, 12, -3, 0 \dots \}$$

$$\square \{ \dots 0, 0, 0, 1, 5, -1, 0, 0 \dots \} * \{ \dots 0, 0, 1, 2, 3, 0, 0, 0, 0 \dots \} = \{ \dots 0, 0, 1, 3, 12, 13, -3, 0 \dots \}$$

$$\square \{ \dots 0, 0, 0, 1, 5, -1, 0, 0 \dots \} * \{ \dots 0, 0, 1, 2, 3, 0, 0, 0, 0 \dots \} = \{ \dots 0, 0, 1, 7, 12, 13, -3, 0 \dots \}$$

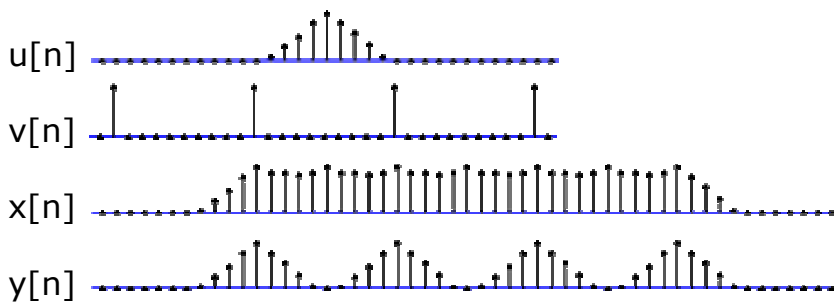
5. CONVOLUTION



$$\square y[n] = u[n] * v[n]$$

$$\square x[n] = u[n] * v[n]$$

6. CONVOLUTION



$y[n] = u[n] * v[n]$

$x[n] = u[n] * v[n]$

7. CONVOLUTION

La transformée de Fourier d'un produit de convolution est un produit simple et réciproquement

Le produit de convolution de deux spectres permet d'expliquer le théorème de Shannon

8. ECHANTILLONNAGE

L'échantillonnage étale le spectre du signal jusqu'à l'infini

L'échantillonnage préserve toujours l'information contenue dans le signal

L'échantillonnage ne modifie pas le spectre du signal

L'échantillonnage duplique les pôles et les zéros jusqu'à l'infini

9. ECHANTILLONNAGE

Le filtre anti-recouvrement permet de négliger toutes les fréquences hors de la "bande de Shannon"

Le filtre anti-recouvrement est un filtre passe-haut

Le filtre anti-recouvrement ou anti-repliement est toujours obligatoire avant échantillonnage, même pour un signal de spectre borné

Le filtre anti-recouvrement est une exigence du théorème de Shannon

10. ECHANTILLONNAGE

Soit f_{\max} la composante fréquentielle la plus élevée d'un signal et f_{ech} la fréquence d'échantillonnage

- Le théorème de Shannon exige que $f_{\text{ech}} > 2 f_{\text{max}}$
- Le théorème de Shannon exige que $f_{\text{ech}} > 0,5 f_{\text{max}}$

11. *ECHANTILLONNAGE*

- L'échantillonnage correct d'un signal requiert la connaissance préalable de son spectre
- Filtrer numériquement un signal après échantillonnage ne permet pas de supprimer le recouvrement ou repliement de spectre

12. *ECHANTILLONNAGE*

- Un signal sinusoïdal de 990Hz échantillonné à la fréquence de 1000Hz est perçu comme étant à 10Hz
- Un signal sinusoïdal de 10Hz échantillonné à la fréquence de 1000Hz est perçu comme étant à 10Hz

13. *ECHANTILLONNAGE*

- Un signal sinusoïdal de 50Hz échantillonné à la fréquence de 10Hz est perçu comme étant à 50 Hz
- Un signal sinusoïdal de 50Hz échantillonné à la fréquence de 10Hz est perçu comme étant à 0 Hz

14. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS FREQUENCE*

La TFD des N échantillons temporels en consiste en un calcul des N échantillons fréquentiels E_k au moyen de:

$$E_k = \sum_{n=0}^{N-1} e_n \cdot e^{-j2\pi \frac{nk}{N}}$$

$$E_k = \sum_{n=0}^{N-1} e_n \cdot e^{+j2\pi \frac{nk}{N}}$$

15. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS
FREQUENCE*

- On peut augmenter la résolution en fréquence d'une TFD en ajoutant des zéros aux échantillons temporels
- La résolution fréquentielle d'une TFD ou TFR est liée au nombre N d'échantillons temporels

16. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS
FREQUENCE*

- La TFD est, par définition, la transformée de Fourier d'un signal périodique et discret
- La TFD est, par définition, la transformée de Fourier d'un signal apériodique et discret

17. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS
FREQUENCE*

La transformée de Fourier d'un signal e_n discret et apériodique a pour formule

$$E_p(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} e_n e^{-j2\pi f nT}$$

- $E_p(f)$ ne permet pas d'obtenir plus de détails fréquentiels que la TFD
- $E_p(f)$ permet de faire un "zoom" et d'obtenir des détails fréquentiels impossibles à obtenir avec la TFD

18. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS
FREQUENCE*

- Un signal discret a un spectre périodique; un signal périodique a un spectre discret
- Un signal discret a un spectre apériodique; un signal apériodique a un spectre discret

19. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS
FREQUENCE*

- Un signal dont les variations sont rapides a un spectre constitué de hautes fréquences
- Un signal dont les variations sont lentes a un spectre constitué de hautes fréquences

20. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS
FREQUENCE*

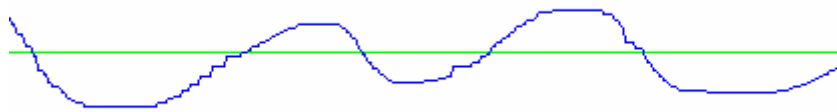


figure 1

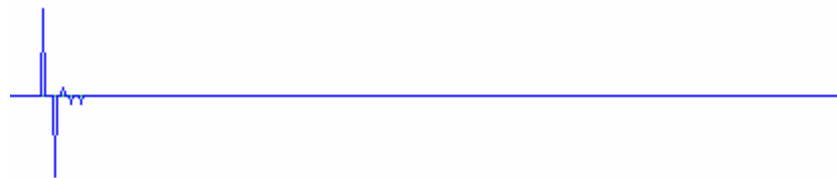


figure 2

- Il y a moins de hautes fréquences dans le signal de la figure 1 que dans celui de la figure 2
- Il y a plus de hautes fréquences dans le signal de la figure 1 que dans celui de la figure 2

21. *TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS
FREQUENCE*

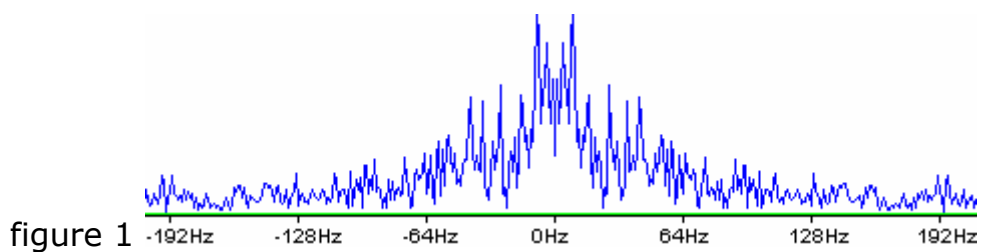


figure 1

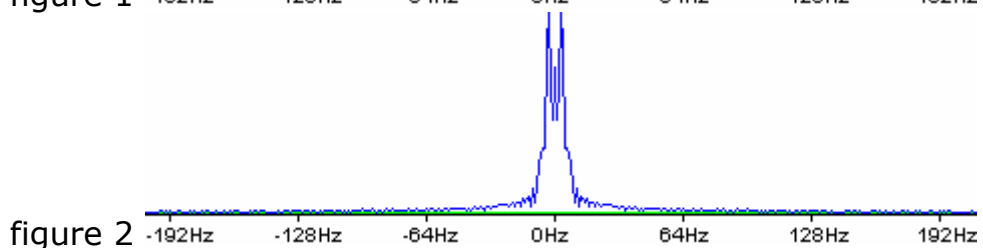
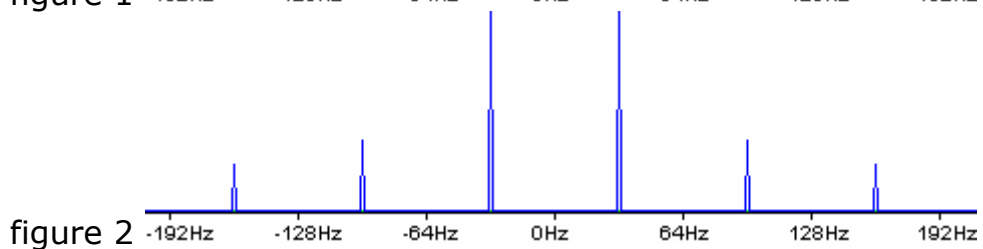
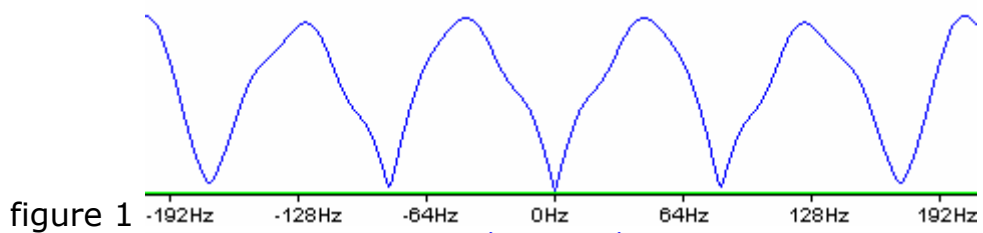


figure 2

☐ Il y a plus de hautes fréquences dans le spectre de la figure 2 que dans celui de la figure 1

☐ Il y a plus de hautes fréquences dans le spectre de la figure 1 que dans celui de la figure 2

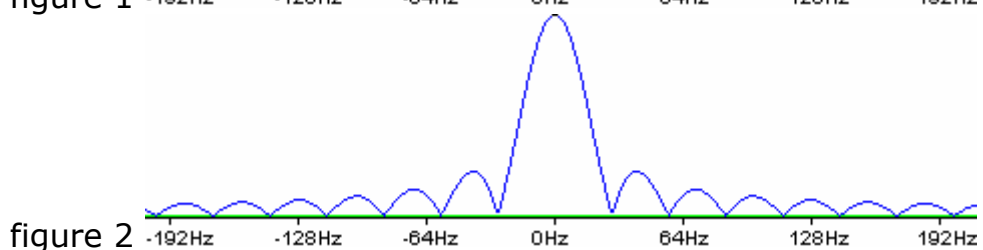
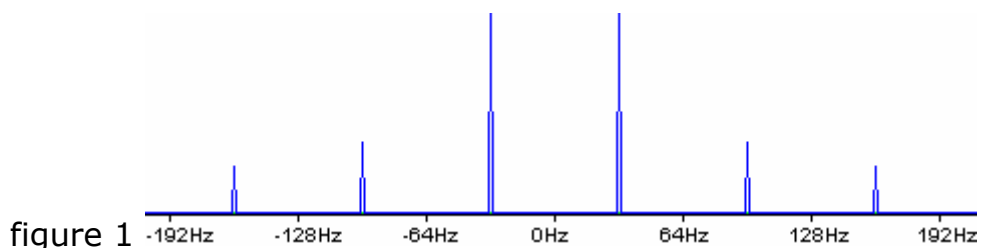
22. TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS FREQUENCE



☐ La figure 2 représente le spectre d'un signal de valeur moyenne non nulle

☐ La figure 1 représente le spectre d'un signal de valeur moyenne nulle

23. TRANSFORMEE DE FOURIER ET DUALITE TEMPS FREQUENCE



- La figure 1 représente le spectre d'un signal périodique
- La figure 2 représente le spectre d'un signal périodique

24. *RECONSTITUTION*

On peut reconstituer un signal analogique à partir de ses échantillons

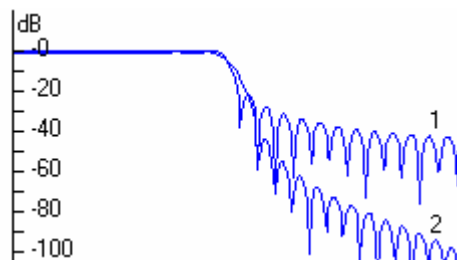
- au moyen d'un filtre passe-bas
- au moyen d'une convolution dans le domaine temporel

25. *FENETRES*

Tout développement en séries de Fourier limité à un nombre fini d'harmoniques

- est responsable d'oscillations connues sous le nom de "phénomène de Gibbs"
- est équivalent à un fenêtrage fréquentiel

26. *FENETRES*



Voici les réponses en fréquence de deux filtres RIF passe-bas d'ordre 51, calculés par la méthode du fenêtrage pour 2 fenêtrages différentes. Au vu de ces courbes, on peut affirmer que

- la courbe 1 correspond à une fenêtre rectangulaire tandis que la courbe 2 est associée à une fenêtre de Hanning
- la courbe 1 correspond à une fenêtre de Hanning tandis que la courbe 2 est associée à une fenêtre rectangulaire

27. TRANSFORMEE EN Z

$$H(z) = \frac{T z + 1}{2 z - 1}$$

- H(z) est un intégrateur numérique
- Le gain statique du filtre H(z) est égal à 0

28. TRANSFORMEE EN Z

$$H(z) = \frac{T z + 1}{2 z - 1}$$

- Le gain de H(z) à la fréquence de Shannon est égal à 0
- H(z) est un filtre à réponse impulsionnelle infinie

29. TRANSFORMEE EN Z

$$F_1(z) = \frac{z^{-1}(1-z^{-1})}{(1-0,5z^{-1})(1-0,7z^{-1})}$$

$$F_2(z) = \frac{z^{-1}(1-0,5z^{-1})}{(1-0,7z^{-1})(1-z^{-1})}$$

$$F_3(z) = \frac{0,2z^{-2}}{(1-0,8z^{-1})}$$

$$F_4(z) = \frac{0,6z^{-1}}{(1-0,4z^{-1})}$$

- F₄(z) est un filtre passe-bas de gain statique unitaire
- F₂(z) est un filtre passe-bas de gain statique unitaire
- F₁(z) est un filtre passe-bas de gain statique unitaire
- F₃(z) est un filtre passe-bas de gain statique unitaire

30. TRANSFORMEE EN Z

$$F_1(z) = \frac{z^{-1}(1-z^{-1})}{(1-0,5z^{-1})(1-0,7z^{-1})}$$

$$F_2(z) = \frac{z^{-1}(1-0,5z^{-1})}{(1-0,7z^{-1})(1-z^{-1})}$$

$$F_3(z) = \frac{0,2z^{-2}}{(1-0,8z^{-1})}$$

$$F_4(z) = \frac{0,6z^{-1}}{(1-0,4z^{-1})}$$

$F_1(z)$ est une cascade constituée d'un dérivateur et d'un filtre passe-bas du second ordre

$F_2(z)$ est une cascade constituée d'un dérivateur et d'un filtre passe-bas du second ordre

$F_3(z)$ est une cascade constituée d'un dérivateur et d'un filtre passe-bas du second ordre

$F_4(z)$ est une cascade constituée d'un dérivateur et d'un filtre passe-bas du second ordre

31. TRANSFORMEE EN Z

$$F_1(z) = \frac{z^{-1}(1-z^{-1})}{(1-0,5z^{-1})(1-0,7z^{-1})}$$

$$F_2(z) = \frac{z^{-1}(1-0,5z^{-1})}{(1-0,7z^{-1})(1-z^{-1})}$$

$$F_3(z) = \frac{0,2z^{-2}}{(1-0,8z^{-1})}$$

$$F_4(z) = \frac{0,6z^{-1}}{(1-0,4z^{-1})}$$

$F_1(z)$ est une cascade constituée d'un intégrateur et d'un système du premier ordre

$F_4(z)$ est une cascade constituée d'un intégrateur et d'un système du premier ordre

$F_2(z)$ est une cascade constituée d'un intégrateur et d'un système du premier ordre

- $F_3(z)$ est une cascade constituée d'un intégrateur et d'un système du premier ordre

32. *TRANSFORMEE EN Z*

$$G_1(z) = \frac{0,6z^{-1}}{(1-0,4z^{-1})}$$

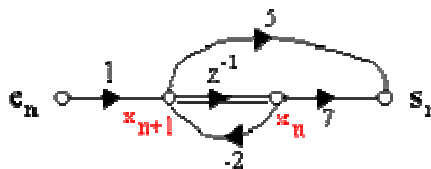
$$G_2(z) = \frac{0,6z^{-1}}{z^{-4}(1-0,4z^{-1})}$$

$$G_3(z) = \frac{0,6z^{-5}}{(1-0,4z^{-1})}$$

$$G_4(z) = \frac{0,6z^{-1}}{(1-0,4z^{-5})}$$

- La réponse indicielle de $G_3(z)$ est en retard de 4 périodes d'échantillonnage par rapport à celle de $G_1(z)$
- La réponse indicielle de $G_2(z)$ est en retard de 4 périodes d'échantillonnage par rapport à celle de $G_1(z)$
- La réponse indicielle de $G_4(z)$ est en retard de 4 périodes d'échantillonnage par rapport à celle de $G_1(z)$
- La transformée en z de la réponse impulsionnelle de $G_1(z)$ est égale à $G_1(z)$

33. *TRANSFORMEE EN Z*



Ce graphe a pour fonction de transfert

- $\frac{S(z)}{E(z)} = \frac{5+7z^{-1}}{1-2z^{-1}}$

$\frac{S(z)}{E(z)} = \frac{5+7z^{-1}}{1+2z^{-2}}$

$\frac{S(z)}{E(z)} = \frac{7+5z^{-1}}{1+2z^{-1}}$

$\frac{S(z)}{E(z)} = \frac{5+7z^{-1}}{1+2z^{-1}}$

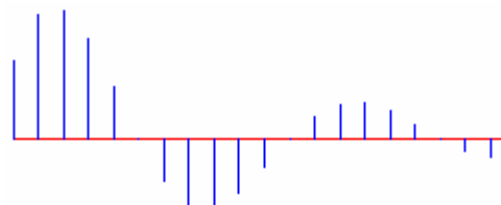
34. *TRANSFORMEE EN Z*



Cette réponse impulsionnelle est celle

- d'un filtre numérique du premier ordre ayant son pôle en 0,2
- d'un filtre numérique du premier ordre ayant son pôle en 0,5
- d'un filtre numérique du premier ordre ayant son pôle en -0,5
- d'un filtre numérique du premier ordre ayant son pôle en 0,9

35. *TRANSFORMEE EN Z*



Le filtre, dont voici la réponse impulsionnelle, a ses pôles en

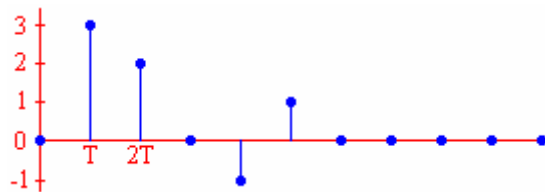
$0,1e^{\pm j 30^\circ}$

$0,9e^{\pm j 30^\circ}$

$0,1e^{\pm j 60^\circ}$

$0,9e^{\pm j 45^\circ}$

36. *TRANSFORMEE EN Z*



Le filtre, dont voici la réponse impulsionnelle, a pour fonction de transfert

$E(z) = 3z^{-1} + 2z^{-2} + z^{-4} - z^{-5}$

$E(z) = 3 + 2z^{-1} - z^{-3} + z^{-4}$

$E(z) = 3z^{-1} + 2z^{-2} - z^{-3} + z^{-4}$

$E(z) = 3z^{-1} + 2z^{-2} - z^{-4} + z^{-5}$

37. *TRANSFORMEE EN Z*

Soit $H(z) = \frac{z^2 + 1}{z(z - 1)} = \frac{S(z)}{E(z)}$ la fonction de transfert d'un filtre numérique

Les cinq premiers échantillons de la réponse impulsionnelle de $H(z)$ sont $s[0] = 1, s[1] = 1, s[2] = 2, s[3] = 2, s[4] = 3, s[5] = 3$

$H(z)$ a pour équation aux différences $s[nT] = s[(n - 1)T] + e[nT] + e[(n - 2)T]$

38. *TRANSFORMEE EN Z*

Dans le plan z ,

- Le point $-1+0j$ correspond à la fréquence de Nyquist
- La stabilité d'un filtre est assurée si tous les zéros sont à l'intérieur du cercle unité
- Le point $1+0j$ correspond au continu
- Le point $0+0j$ correspond à la fréquence 0

39. TRANSFORMEE EN Z

Un signal d'équation $e(t) = 5\sin(500\pi t + 50)$ est échantillonné à 1000 Hz. Les échantillons $e(kT)$ issus de cet échantillonnage sont traités numériquement par un filtre de fonction de transfert

$$H(z) = \frac{z^2 + 1}{z(z-1)} = \frac{S(z)}{E(z)}$$

. Il en résulte des échantillons de sortie $s(kT)$

- $s(kT) = 0$, pour $k > k_0$
- $H(z)$ est un filtre de gain 2 à la fréquence $1/4T$

40. FILTRAGE

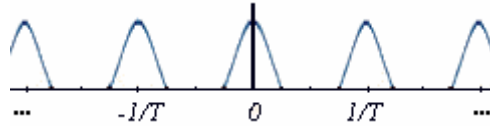
- Les filtres analogiques peuvent servir de modèles pour réaliser des filtres numériques non récurrents
- Les filtres analogiques peuvent servir de modèles pour réaliser des filtres numériques récurrents
- Les filtres numériques permettent la réalisation de filtres anti-repliement ou anti-recouvrement performants et faciles à intégrer
- Un filtre anti-repliement ou anti-recouvrement est un filtre analogique qui est généralement réalisé à partir de résistances et de condensateurs

41. FILTRAGE

- La plus haute fréquence, qui peut être filtrée par une équation aux différences, est la fréquence de Shannon

- Un filtre peut être réalisé au moyen d'une équation aux différences implantée dans un ordinateur

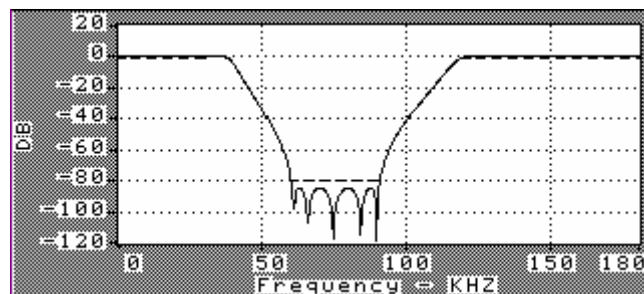
42. *FILTRAGE*



La réponse fréquentielle de ce filtre numérique

- est celle d'un filtre passe-haut
- est celle d'un filtre passe-bande
- est celle d'un filtre passe-bas
- est celle d'un filtre en peigne

43. *FILTRAGE*



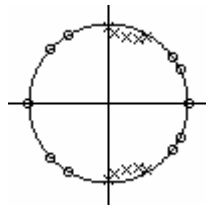
Le filtre caractérisé par cette courbe de réponse en fréquence

- est un filtre passe-bande
- est un filtre coupe-bande
- est un filtre passe-haut
- est un filtre passe-bas

44. *FILTRAGE*

- Les pôles des filtres non récursifs peuvent générer une résonance ou un accroissement du gain à certaines fréquences
- Les zéros des filtres RIF et RII peuvent être responsables d'une chute du gain ou d'un rejet de certaines fréquences

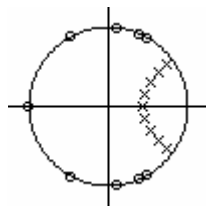
45. *FILTRAGE*



Le filtre , caractérisé par ses pôles (x) et zéros (o) dans le plan z,

- a un gain statique nul
- a un gain nul à la fréquence de Nyquist
- est un filtre à réponse impulsionnelle infinie
- a un gain nul à la fréquence $1/2T$

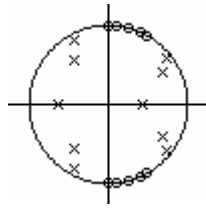
46. *FILTRAGE*



Le filtre , caractérisé par ses pôles (x) et zéros (o) dans le plan z,

- est un filtre passe-bande
- est un filtre coupe-bande
- est un filtre passe-haut
- est un filtre passe-bas

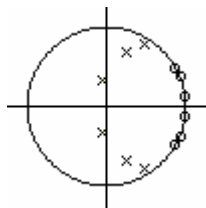
47. *FILTRAGE*



Le filtre , caractérisé par ses pôles (x) et zéros (o) dans le plan z,

- est un filtre passe-bas
- est un filtre passe-haut
- est un filtre passe-bande
- est un filtre coupe-bande

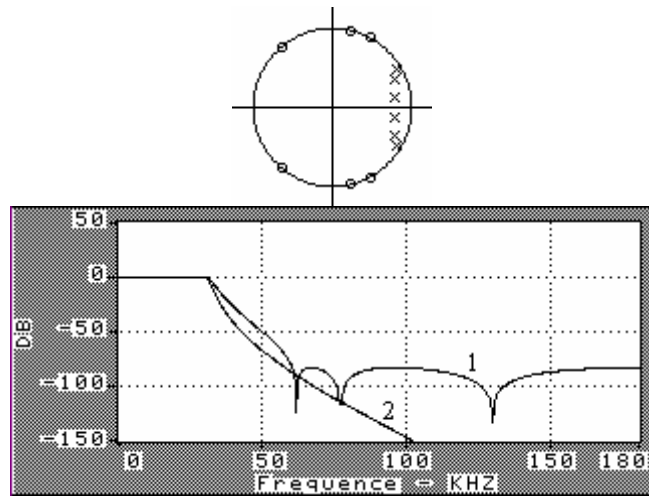
48. *FILTRAGE*



Le filtre , caractérisé par ses pôles (x) et zéros (o) dans le plan z,

- est un filtre passe-bande
- est un filtre passe-bas
- est un filtre coupe-bande
- est un filtre passe-haut

49. *FILTRAGE*



Le filtre caractérisé par ses pôles (x) et zéros (o) dans le plan z est, au vu de ses pôles et zéros, celui qui a la courbe de réponse en fréquence

- n° 1
- n° 2